**Постановка задачи**

Пусть имеется система слежения за частотой (ССЧ). Исходя из "теории", для дискриминатора такой системы нужно формировать две корреляционные суммы ( ). Так как в данных суммах содержится информация о фазе сигнала, возможно построение системы слежения за фазой (ССФ), входными сигналами которой будут являться отсчеты . Запишем  :



где  - символ навигационного сообщения, .

Временная ось разбита на  интервалов длительностью , каждый интервал разбит на  отсчетов. Тогда примем следующую запись моментов времени:



Предполагается, что задержка принимаемого сигнала известна точно ( опорный и принимаемый дальномерные коды синхронизированы, поэтому .

Введем обозначения:



**где  рассматриваются как условные мат. ожидания при определенном значении символа , т.е. ,**



При этом .

Тогда наблюдения перепишем так



**Синтез фазового дискриминатора**

Запишем функцию правдоподобия , где 



Усредним функцию правдоподобия по символу навигационного сообщения, считая, что он принимает значения  с равной вероятностью.



Запишем по – иному исходную функцию правдоподобия. Для чего представим



Перепишем функцию правдоподобия



Усредним по навигационному сообщению





Итого



Возьмем ln:



Теперь нужно взять производную по .Учитываем, что -мощность «отсчета» в корреляторе, от начальной фазы не зависит.

Получилось так, (преобразования второго сомножителя смотри в выводе для дискриминатора без усреднения по символам НС):



где обозначено 

Далее был "опущен"  множитель перед гипертангенсом:



Аргумент гипертангенса расписывается также, как при выводе стат. эквивалент коррелятора. Получаем:



Для больших отношений сигнал/шум гипертангенс - знаковая функция аргумента, поэтому аппроксимируем его ей и множитель  выносим за знаковую функцию, при этом, с учетом ранее опущенного множителя перед гипертангенсом получим , который не меняет знак.

В итоге дискриминатор получается такой:



**Расчет стат. характеристик дискриминатора**

***Сначала рассмотрим дискриминатор типа***



Найдем его дискриминационную характеристику:



Считаем, что случайные величины  независимы (либо рассматриваем их при фиксированном ). Тогда

.

Рассмотрим дискретную СВ  . Эта СВ принимает значения 1 с вероятностью  и -1 с вероятностью . Тогда, с учетом сделанных обозначений, МО дискретной СВ . Найдем вероятности .

Запишем :



Рассмотрим функцию ошибок . Если набор случайных чисел подчиняется нормальному распределению со стандартным отклонением  , то вероятность, что число отклонится от среднего не более чем на , равна .

Рассмотрим случай .



Тогда

, .

Для случая, когда ,  выражения остаются справедливыми.

С учетом стат. эквивалента коррелятора, положив , получаем итоговое выражение:

.

***Рассмотрим далее дискриминатор типа***



По аналогии с рассмотренным ранее случаем, запишем его как

,

где ,

.

Опустим индекс  для удобства.

Тогда искомая дискриминационная характеристика может быть аналогично рассмотренному ранее случаю записана как

.

Найдем необходимые характеристики величин .

,

где .

С учетом стат. эквивалентов корреляционных сумм получаем



Найдем дисперсию и СКО :





С учетом стат. эквивалентов находим



Подставляем все в формулу для :





В данном выражении можно вынести из под , т.к.  нечетная функция и знак  определяет её знак. Также  имеется от , в итоге имеем множитель .

Тогда итоговое выражение для дискриминационной характеристики имеет вид:



Найдем крутизну данной характеристики , положив при этом .

Принимая во внимание, что , получаем:





Подставляем  и получаем при 

